

Ohjelmointi lukion matematiikassa, mitä opettaa opintojaksossa MAA11?

Perusteiden jatko

osa 1.
Kertaus



Hello world!

Teppo Harju, fysiikan opettaja, Maunulan yhteiskoulu ja Helsingin matematiikkalukio

Ville Tilvis, matematiikan opettaja, Maunulan yhteiskoulu ja Helsingin matematiikkalukio

Mika Setälä, matematiikan opettaja, Lempäälän lukio

Antti Laaksonen, yliopistonlehtori, Helsingin yliopisto, tietojenkäsittelytieteen osasto



Päivän aikataulu ma 7.2.2022

12.30 - Hei kaikki, esittelyt, tämä dia

12.30 - Osa 1. Kertaus

- Eri ympäristöt
- Perusteiden kertaus

13.00

- Harjoitustehtäviä

14.00 - Osa 2. Uutta asiaa

- funktiot ja listat
- Esimerkkejä ja harjoituksia

14.30 Harjoituksia pienryhmissä

15.30 - Lopetus



Koulutuksen materiaalikansio

bit.ly/ohjelmointimaol

Hei maailma!

Kerro lyhyesti:

Kuka olet ja mistä tulet?



Koulutuksen tarkoitus ja päivän tavoite

- Harjaantua ohjelmoimaan yksinkertaisia ohjelmia Pythonilla
- Ideoita ja esimerkkejä moduulin maa11 opettamiseen

Päivän päätteeksi:

- Olen kerrannut Pythonin perusteet
- Olen oppinut lisää ohjelmointia



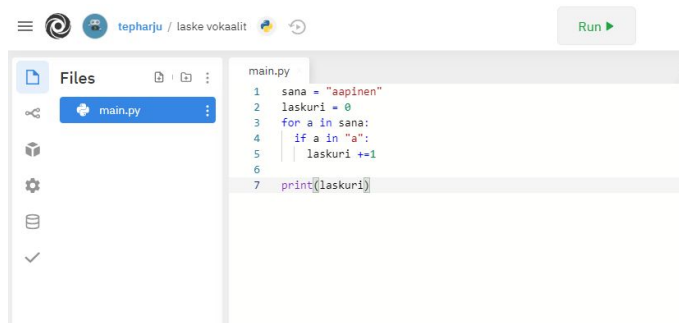
Valitse jokin ympäristö Pythonin kirjoittamiseen

Helpoin vaihtoehto:

- <https://cheat.abitti.fi/>

Muita vaihtoehtoja

- <https://replit.com>
- Python asennettuna omalle koneelle
- Ti-nspire CX CAS



Abitin oma Python-tulkki

FYSIIKKA KEMIA MAANTIIDE MATEMATIIKKA MUSIIKKI NÄPPÄIMISTÖ **OHJELMOINTI** YLEISOHJEET

PÅ SVENSKA **SUOMEKSI**

Tekstin tulostaminen

Komentointi

Muuttujat

Muuttujien tyypit

Moduulin tai paketin lisääminen

Laskutoimitukset

Yleisimmät laskutoimitukset

Pyöristäminen

Trigonometria

Juuret

Logaritmit

Eksponenttifunktio

Lukuteoriaa

Suurin yhteinen tekijä

Pienin yhteinen monikerta

Syötteen lukeminen

Ehtolauseet

if

Sisentäminen

Vertailuoperaattorit

Ohjelmointi

- Voit selata ohjelmoinnin lähdemateriaalia (Python 3).
- Voit kopioida lähdemateriaalissa olevia ohjelmakoodoja leikepöydälle klikkaamalla haluamaasi esimerkikoodia.
- Liitä leikepöydälle kopioimasi koodi klikkaamalla ohjelmakoodi-ikkunaa ja painamalla ctrl-v.
- Suorita ohjelmakoodi-ikkunassa oleva koodi klikkaamalla Suorita ohjelma -painiketta.
- Ohjelmakoodi-ikkunaa ei varmuuskopioida. Voit kopioida ohjelmakoodisi koesuoritukseen, jossa se samalla varmuuskopioidaan.

Tekstin tulostaminen

```
print("Hello world!")
```

Hello world!

Komentointi

Kommenttirivi alkaa #-merkillä. Kun koodi suoritetaan, hypätään kaikkien kommenttien yli.

```
#This is a comment

#This is a
#multiline comment

"""
This is also
a multiline comment
"""
```

Komentointi koodirivillä

```
name = "Onni" # Set the value "Onni" to variable name
```

Python 3 -ohjelmakoodi:

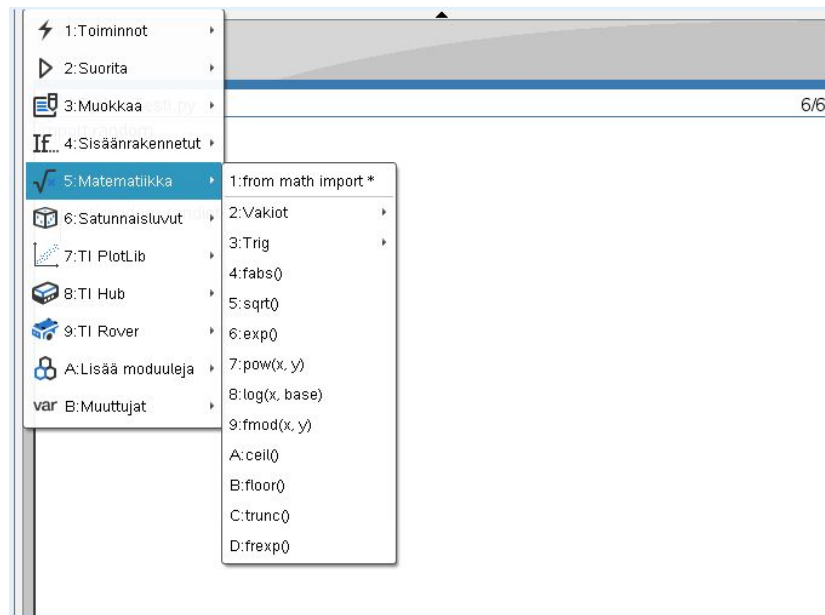
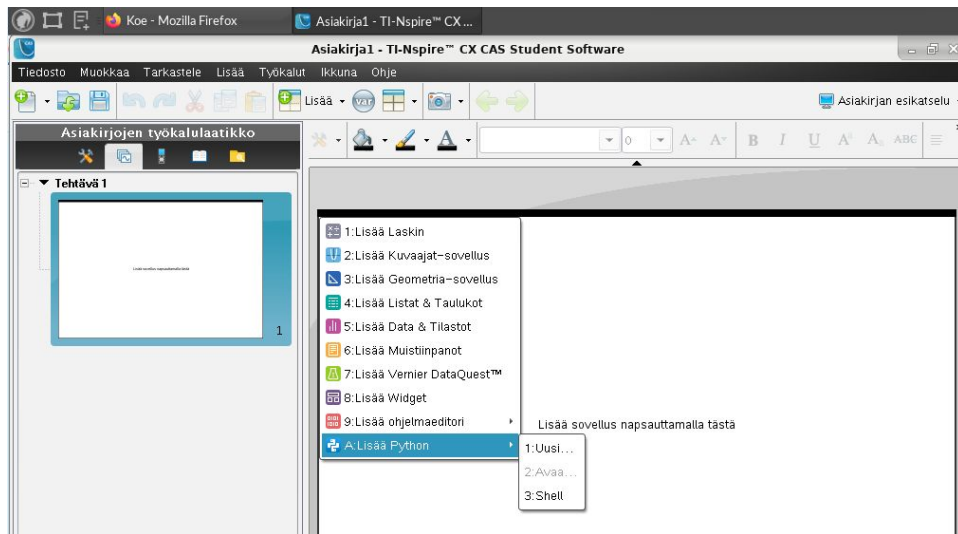
1

Suorita ohjelma

Kopioi leikepöydälle

Tulosteet / virheet:

TI-Nspire CAS CX CAS





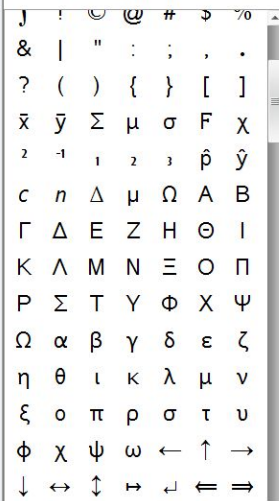
Asiakirjojen työkalulaatikko



Matematiikkamallit

Symbolit

Lisää kohde kaksoisnapsauttamalla kuvaketta



Ohjatut toiminnot päällä

Kreikkalainen iso delta

Katalogi

Matemaattiset operaattorit

Yksikkömuunnokset

Testikoodi.py

10/10

#Tähän kirjoitetaan koodia

x = 55

a = 84

print(a*x)

print(a+x)

- 1:Äskeinen
- 2:Muuttujat: Testikoodi.py
- 3:Leikkaa
- 4:Kopioi
- 5:Liitä
- 6:Suorita
- 7:Tarkista syntaksi ja tallenna (Ctrl+B)
- 8:Siirry Shelliin

Python Shell

5/5

```
>>>#Running Testikoodi.py
>>>from Testikoodi import *
4620
139
>>>|
```



Mitä (ehkä) osaan jo nyt?

- Osaan käyttää Pythonia laskuihin
 - Osaan tulostaa tervehdyksiä
 - Osaan pyytää syötettä käyttäjältä
 - Osaan kirjoittaa ehtolauseen
 - Osaan toistaa asioita
-
- Jos aloitat nollasta → <https://tie.koodariksi.fi/maa11> Perusteet



Ensimmäinen ohjelma

```
print("Hei maailma!")
```

```
print("Tervetuloa mukaan!")
```

```
# Tämä on kommentti
```

```
print("lasketaan laskuja")
```

```
print(2+2)
```

```
print("2+2")
```

```
print(5*(3+4))
```

Komennot suoritetaan järjestyksessä rivi kerrallaan ylhäältä alas

Jos rivin alussa on #-merkki, ei rivi vaikuta ohjelman toimintaan

Lainausmerkeillä merkitään *merkkijono*, joka tulostuu ruudulle sellaisenaan



Muuttujat

- Muuttujiin voi tallentaa tietoa, jota tarvitaan ohjelmassa myöhemmin
- Asetetaan muuttujaan nimeltä *nimi* arvo *Topias*
- Muuttujaan **asetetaan arvo** yhtäsuuruusmerkillä (=)



Muuttujan nimi \longrightarrow `nimi = "Topias"` \longleftarrow Muuttujan arvo

`a = 3`

`summa = 5`

`tulos = 5 * summa`



Muuttujan tyyppi

- **Tyyppi** (engl. type) tarkoittaa millainen jokin arvo on

nimi = "Tuomas" **str, merkkijono**

tulos = 500 **int, kokonaisluku**

keskiarvo = 7.78 **float, desimaaliluku**

- muuttuja *nimi* on tyyppiä *merkkijono*, **str**
- *tulos* on tyyppiä *kokonaisluku*, **int**
- *keskiarvo* on tyyppiä *liukuluku (desimaaliluku)*, **float**
- muita tietotyyppejä: **boolean**, **list** jne.

funktio type() kertoo tyytin

```
print(type(nimi))  
<class 'str'>
```



Syötteen lukeminen käyttäjältä, *input-komento*

```
nimi = input("Anna nimesi:")
```

input lukee käyttäjältä *merkkijonon* ja asettaa sen **muuttujan** nimi arvoksi

```
print("Terve:", nimi)
```

```
print("Terve:" + nimi)
```

Erilaisia tapoja tulostaa tekstiä ja muuttujan nimi arvo

```
print(f"Terve vaan: {nimi}")
```



Syötteen lukeminen käyttäjältä, *input-komento*

```
nimi = input("Anna nimesi:")
```

*input lukee käyttäjältä merkkijonon ja
asettaa sen muuttujan nimi arvoksi*

```
syote = input("Minä vuonna olet syntynyt? ")
```

```
vuosi = int(syote)
```

*merkkijono on muutettava kokonaisluvuksi, jolloin
laskeminen onnistuu*

```
print("Ikäsi vuoden lopussa on:", (2021 - vuosi))
```

```
print(f"Ikäsi vuoden lopussa on: {2021-vuosi}")
```



math-moduuli

- *math*-moduuli sisältää hyödyllisiä matemaattisia funktioita ja vakioita
- Ensin *math*-moduuli täytyy tuoda mukaan **import**-käskyllä

```
import math
```

Tuodaan koko math-moduuli käyttöön

```
print(math.exp(4))      # exp(x) -> Eksponenttifunktio e^x
print(math.sqrt(9))     # sqrt(x) -> Luvun x neliöjuuri (kuten x**(1/2))
print(math.pi)          # pi -> pii (ei ole funktio vaan vakio)
print(math.log(10,2))   # log_2(10)

round(a,n)              # pyöristää luvun a n:n desimaalin tarkkuuteen
```



Valmiit kirjastomoduurit -kertaus

- Sisältävät rutiineja ja toimintoja erilaisiin tehtäviin (math, random, turtle)
- Usein testattuja ja dokumentoituja
- “Olisiko joku keksinyt jonkin tavan tehdä tämän helpommin?”
- Koko moduuli otetaan käyttöön **import** -lauseella
- Moduulin osia voi valita käyttöön **from** -komennolla

from math import sqrt, log tai **from math import *** (ottaa kaiken käyttöön math -moduulista)

print(sqrt(25))

print(log(5,2))



random

- random -moduulilla voit esim. generoida satunnaislukuja
- dokumentaatio: <https://docs.python.org/3/library/random.html>

```
import random
```

```
luku = random.randint(a, b)
```

tai

```
from random import *
```

```
toka = randint(1,11)
```

Asettaa muuttujan luku arvoksi satunnaisluvun $a \leq N \leq b$



Esimerkki 1.

Kirjoitetaan lyhyt tietokilpailu

- Ohjelma kysyy käyttäjän nimeä ja syntymävuotta
- Tervehtii käyttäjää ja kertoo käyttäjän iän
- Ohjelma kysyy kaksi kysymystä ja antaa pisteitä
- Ohjelma laskee pisteiden neliöjuuren



Ehtorakenne

- **Ehtorakenteiden** avulla ohjelman toiminta voi vaihdella sen mukaan, mitä tietoja sille kulloinkin annetaan.
- **Lohko** (*engl. block*) on joukko peräkkäisiä lauseita, jotka ovat samalla tasolla rakenteessa

if ika >= 18: Ehtorakenne, joko tosi (True) tai epätosi (False)

lohko alkaa

print("Voit luovuttaa verta!")

print("Voit äänestää!")

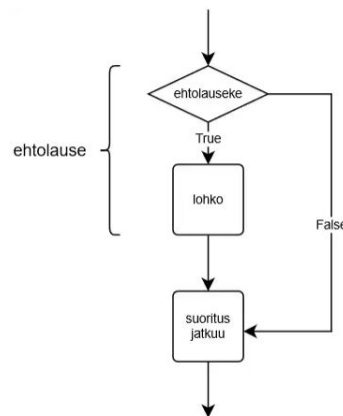
lohko loppuu

print("Tämä on eri lohkoissa")

sisennys
(tab)

Lohko

"päälohkon" on oltava sisennetty
tiedoston vasempaan reunaan



Lisää ehtolauseita *else-if*, eli *elif*

```
luku = int(input("Anna kokonaisluku: "))
```

```
if luku < 0:
```

```
    print("Luku on negatiivinen.")
```

```
elif luku == 0:
```

```
    print("Luku on nolla.")
```

```
elif luku > 0:
```

```
    print("Luku on positiivinen.")
```

```
else:
```

```
    print("Liekö tätä olemassakaan?")
```

jokaisella if-elif -rivillä
totuustestaus

elif -lohkoista toteutetaan vain se,
jossa ehto on tosi



Toistolause eli silmukka, *while*

- Silmukalla voidaan toistaa samaa koodia useamman kerran
- **while** -silmukka ("*luuppi*")

```
while True: ehto toistolle (kun TOSI)
```

```
    luku = int(input("Anna luku, 0 lopettaa "))
```

```
    if luku == 0:
```

```
        break
```

```
    print(luku ** 2)
```

```
print("Ohjelma loppui")
```

**sisennys
(tab)**

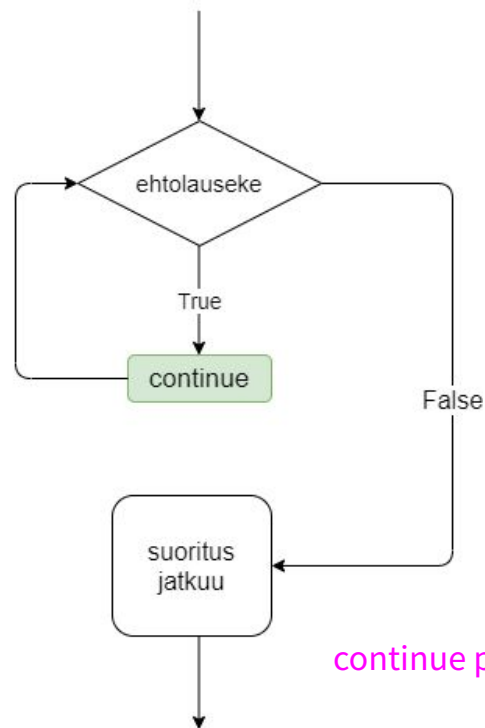
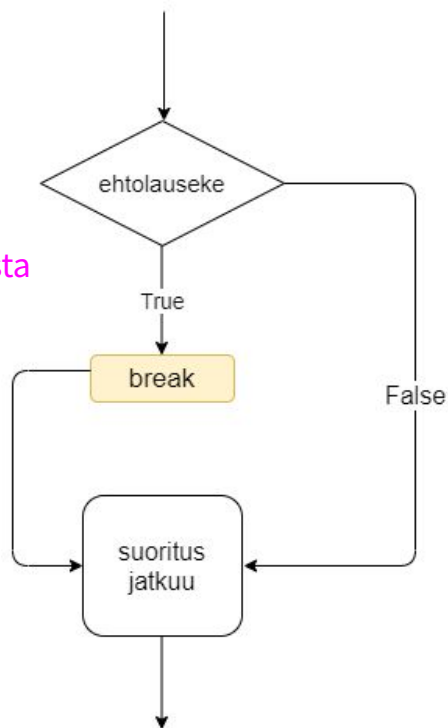
kun käyttäjä syöttää luvun 0, suoritetaan ehtolohkossa break-komento, ja ohjelma poistuu while-lohkosta

ohjelman suoritus jatkuu pääohjelman tasolta



break ja continue

break poistuu toistolauseesta



continue palaa toistolauseen alkuun



while ja ehto silmukassa

```
laskuri = 0
```

```
luku = int(input("Anna luku, 0 lopettaa "))
```

```
while laskuri < 10:
```

```
    print(luku ** 2)
```

```
    laskuri = laskuri + 1
```

```
print("Ohjelma loppui")
```



Toisto: for-silmukka

- Jos haluamme toistaa jonkin asian tietyn määrän kertoja tämä onnistuu **for**-silmukalla ja funktion **range** avulla.

```
laskurimuuttuja      laskurimuuttuja  
                      saa arvot 1, 2, 3, 4  
for i in range(1,5):  
  
    print("Rakastan ohjelmointia!")
```

- range(a,b)** aloittaa luvusta a ja *lopettaa juuri ennen lukua b*
- range(n)** käy läpi luvut 0, 1, 2, ..., n-1
- range(a,b,c)**, nyt luku kasvaa c:llä joka askeleen jälkeen



Esimerkki 2.

Kirjoitetaan arvauspeli

- Ohjelma arpoo jonkin kokonaisluvun väliltä 1-100
- Käyttäjällä on viisi yritystä arvata luku

Versio 1. for-toisto

Versio 2. while-ehto



while vs. for

- Tulostetaan luvut 1-10
- Kumpi tapa parempi?

Yleensä:

- **for** -> valmis data (lista, sanakirja, sana jne.) jota haluamme käsitellä
- **while** -> ei valmista dataa, “suorita toiminto kunnes...”



for-silmukka ja Python visualizer

<https://pythontutor.com/visualize.html#mode=display>



Harjoitellaan!

Tehtävämoniste Osa 1. -Kertaavia tehtäviä

bit.ly/ohjelmointimaol

<https://www.pythoncheatsheet.org/>

Solutions that might fix the problem without breaking anything



Essential

Hoping This
Works

© RLY?

@ThePracticalDev

