

Funktio on kasvava, kun sen derivaattafunktio on ei-negatiivinen kaikilla muuttujan x arvoilla.

$$\text{define } f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$$

done

Muodostetaan derivaattafunktio

$$\frac{d}{dx}(f(x))$$

$$3 \cdot a \cdot x^2 + 2 \cdot b \cdot x + c$$

Koska kertoimet arvotaan nopalla, niin $a > 0$. Derivaattafunktion kuvaaja on ylöspäin aukeava paraabeli. Jotta derivaattafunktio olisi ei-negatiivinen, sillä saa olla korkeintaan yksi nollakohta. Toisin sanoen sen diskriminantin on oltava nolla tai negatiivinen.

$$4b^2 - 12ac \leq 0 \quad (\text{jaetaan puolittain luvulla } 4)$$

$$b^2 - 3ac \leq 0$$

$$b^2 \leq 3ac$$

Laaditaan 6×6 ruudukko, johon lasketaan suotuisien alkeistapausten lkm.

Suotuisia osoittautuu olevan 167 ja kaikkia alkeistapauksia on $6^3 = 216$.

Polynomi on kasvava todennäköisyydellä $167/216 = 0.77$

Mikään viidestä ei ole kasvava todennäköisyydellä $(1 - 167/216)^5 = 0.0006$

	noppa c						
noppa a	1	2	3	4	5	6	
1	1	2	3	3	3	4	Suotuisia yht. 167
2	2	3	4	4	5	6	Alkeistapauksia yht. $6 \times 6 \times 6$
3	3	4	5	6	6	6	
4	3	4	6	6	6	6	$167/216 = 0.77314815$
5	3	5	6	6	6	6	$(1 - 0.77315)^5 = 0.00060075$
6	4	6	6	6	6	6	